

การศึกษาวิเคราะห์ข้อมูลผู้ผ่านการคัดเลือกเข้าเป็นนักเรียนเตรียมทหารในส่วนของ
กองทัพบก โดยใช้เทคนิคการจัดกลุ่มและแสดงผลด้วยกราฟตาข่ายวิซวลไลเซชัน
A Study and Data Analytics for Selected AFAPS (Army Cadet) Candidates
Using Classification Technique and Graph Data Visualization

พันโทหญิง รุ่งรัศมี สุวรรณวัฒนา^{1*}
ผู้ช่วยศาสตราจารย์ ดร. สุรศักดิ์ มั่งสิงห์²

¹*กองวิชาวิศวกรรมไฟฟ้า ส่วนการศึกษา โรงเรียนนายร้อยพระจุลจอมเกล้า

²สาขาวิชาเทคโนโลยีสารสนเทศ มหาวิทยาลัยศรีปทุม

*Corresponding Author. E-mail: rungrasamee.su@crma.ac.th

(Received: November 27, 2017; Revised: December 26, 2018; Accepted: June 6, 2018)

บทคัดย่อ : การศึกษาครั้งนี้ได้ออกแบบการศึกษาด้วยวิธีวิจัยแบบผสมวิธีจากเอกสาร (Document Research) และแบบการอธิบายต่อเนื่อง (Explanatory Sequential Mixed Methods) จากการศึกษาเอกสารและข้อมูล เพื่อนำเสนอตัวแทนข้อมูลด้วยกราฟตาข่ายวิซวลไลเซชัน มุ่งเน้นที่การเลือกตัวอย่างแบบเฉพาะเจาะจงเป็นหลัก มีวัตถุประสงค์เพื่อศึกษาวิเคราะห์ความสัมพันธ์และการค้นพบรูปแบบของผู้ที่ผ่านการคัดเลือกเข้าเป็นนักเรียนเตรียมทหารในส่วนของกองทัพบก ระหว่างปีการศึกษา 2554-2558 จำนวน 1,226 เรคอร์ด ผู้วิจัยได้เสนอแนวคิดในการวิเคราะห์ข้อมูลและจำแนกข้อมูลด้วยเทคนิคต้นไม้ตัดสินใจ สถิติพื้นฐาน และแสดงผลด้วยกราฟตาข่ายวิซวลไลเซชันในการเล่าเรื่องที่ผ่านมา และกำหนดปัจจัยพื้นฐานออกได้เป็น 7 ปัจจัยหลัก ได้แก่ อายุ เกรดเฉลี่ยระดับชั้นมัธยมศึกษาปีที่ 3 วุฒิการศึกษาตอนสอบเข้า สถาบันการศึกษาเดิม จังหวัดสถานศึกษา ภูมิภาค สถานภาพครอบครัว โดยข้อมูลปัจจัยพื้นฐานเหล่านี้เป็นหนึ่งในองค์ประกอบที่ส่งผลให้ผ่านการคัดเลือกเข้าเป็นนักเรียนเตรียมทหาร ผลการศึกษาพบว่า จากการจำแนกตามปัจจัยอายุ พบว่า อายุ 17 ปี คือ ผู้ที่เข้ารับการศึกษามีจำนวนสูงสุดในแต่ละปีการศึกษา สามารถอนุมานได้ว่าเมื่อการสั่งสมประสบการณ์ ความรู้ ทักษะ ความสามารถในระดับหนึ่งแล้วจะสามารถผ่านการทดสอบได้สูง ด้วยการพยากรณ์ข้อมูลแนวโน้มจำนวนผู้ได้เข้ารับการศึกษ โดยใช้วิธีคาดคะเนแนวโน้มจากสมการแนวโน้มเชิงเส้น พบว่า มีจำนวนผู้เข้ารับการศึกษามีเกณฑ์เพิ่มขึ้น คิดเป็น 20.23 เปอร์เซ็นต์ ค่าเฉลี่ยของจำนวนผู้ผ่านการสอบและเข้ารับการศึกษาคือ 245 คน และค่าเบี่ยงเบนมาตรฐานข้อมูลคือ 1.79 เนื่องจากค่าเฉลี่ยข้อมูลมีความใกล้เคียงกัน ทั้งนี้ขึ้นอยู่กับปัจจัยภายนอกหรือความต้องการจากหน่วยขึ้นตรงร้องขอในแต่ละปีการศึกษา และการจำแนกตามปัจจัยเกรดเฉลี่ยระดับชั้นมัธยมศึกษาปีที่ 3 โดยกำหนดให้ความสัมพันธ์แนวโน้มผลการเรียนแทนค่าด้วยฟังก์ชันเอกซ์โพเนนเชียล เมื่อนำข้อมูลเข้าโดยใช้เครื่องมือการทำเหมืองข้อมูลด้วย RapidMiner และนำผลที่ได้มาเปรียบเทียบกันพบว่า แนวโน้มของกลุ่มข้อมูลเกรดเฉลี่ยช่วง 3.50-4.00 อยู่ในระดับดีมาก มีประสิทธิภาพในการจำแนกข้อมูล และค่าเฉลี่ยที่ได้คือ 3.51 ค่าเบี่ยงเบนมาตรฐานข้อมูลคือ 0.40 อยู่ในเกณฑ์ที่ยอมรับได้ ผลการศึกษาทั้งสองนี้เป็นเพียงส่วนหนึ่งในการวิเคราะห์ข้อมูลประกอบการตัดสินใจ

และวางแผนนำเสนอในการจัดการข้อมูล และการแสดงผลด้วยกราฟดาต้าวิซวลไลเซชันทำให้มองเห็นด้วยภาพที่ชัดเจนยิ่งขึ้น สามารถอนุมานได้ว่า อายุและเกรดเฉลี่ยในระดับ ม.3 มีส่วนสำคัญอันดับต้นของผู้เข้ารับการศึกษ และสามารถนำไปเป็นตัวแบบในการวิเคราะห์พฤติกรรมและการจัดกลุ่มทางการเรียนต่อไปได้

คำสำคัญ: ดาต้าวิซวลไลเซชัน กราฟ การจัดกลุ่ม การทำเหมืองข้อมูล

Abstract : This study was designed based on Document Research and Explanatory Sequential Mixed Methods to represent data with visualization and to focus on selecting specific specimens. The purpose of this study was to analyze the relationship and the pattern of those who were selected as an Army Cadet from 2554-2558. The researcher proposed the concept of data analysis and classification using tree-based decision-making and statistical data visualization. There are seven main attributes for the analysis: age, GPA., degree, school, province, region and family status. These attributes have effects on being selected as a Pre-cadet. By classification by age, the highest number of students in each academic year is 17. It can be deduced that when one acquires knowledge, skill, and ability, one has high test scores and is selected. By forecasting trend data, the number of people admitted to the program was an Army Cadet. By predicting trend from linear equation, it was found that the number of selected candidates was 20.23% increase. The mean was 245 and the standard deviation was 1.79. Depending on the external factors or requests from military units which requested directly in each academic year. To classify students by the factors of grade point average of Mathayomsuksa 3, this study represents relationship between the learning outcomes by using the exponential function. When importing data using the RapidMiner data mining tool, then the results are compared. The researcher found that trends of the GPA ranging from 3.50 to 4.00, which are very good. The mean was 3.51 and the standard deviation of the data was 0.40 which was acceptable. The results of this study are part of analysis of the decision making data and the planning of the information presented to the military personnel. It can be assumed that the average age at the Mathayomsuksa 3 level is the most important and ability to learn and it can be used as model for learning group. Data visualization makes the results of analysis more justified.

Keywords: Data Visualization, Graph, Classification, Data Mining

1. บทนำ

การศึกษาทางทหารนับเป็นรากฐานเพื่อการพัฒนา นายทหารที่มีความเพียบพร้อมทั้งด้านวิชาการและ วิชาทหาร และในปัจจุบันทหารมีบทบาทและทำหน้าที่ สำคัญอย่างยิ่ง มีความมั่นคงเป็นปึกแผ่นมาอย่างยาวนาน เริ่มต้นตั้งแต่ปีพุทธศักราช 2411 [1] สถาบันการศึกษา ของทหารและตำรวจของประเทศไทยมีกระบวนการสอบ และผ่านการคัดเลือกผู้สมัครที่เป็นบุคคลพลเรือนก่อนเข้า เป็นนักเรียนทหารหรือตำรวจเป็นประจำทุกปีการศึกษา ข้อความสำคัญประการหนึ่งตามคำบอกเล่าว่า “กว่าจะ เป็นนักเรียนนายร้อย” ย่อมมีนัยสำคัญหลายประการ โดย คำว่า “นักเรียนนายร้อย” นั่นคือ ผู้ที่จะสำเร็จการศึกษา ออกไปเป็นนายทหารสัญญาบัตรหลักของกองทัพ [2] กระบวนการหล่อหลอมจึงเน้นให้นักเรียนมีความพร้อม อย่างรอบด้าน ประมาณต้นเดือนกุมภาพันธ์ถึงเมษายน ในแต่ละปีการศึกษามีจำนวนผู้สมัครสอบที่จบชั้นมัธยมศึกษา ปีที่ 3 ขึ้นไป อายุไม่เกิน 17 ปี ต้องสอบผ่านการคัดเลือก เข้าเป็นนักเรียนเตรียมทหารในส่วนของกองทัพบก โดย ผ่านรอบภาควิชาการจำนวนโดยประมาณ 700 คน และ ผ่านการทดสอบร่างกายตรวจร่างกาย และสอบสัมภาษณ์ ประมาณ 200 คน จากยอดผู้สมัครในแต่ละปีทั้งสิ้น ประมาณ 20,000 คน และผนวกรวมกับกลุ่มนักเรียน นายสิบเหล่าวิทยากรต่างๆ ที่ได้รับการคัดเลือกจากผู้ที่มีความรู้ความสามารถ โดยประมาณ 20 คน ประการสำคัญ คือ ผู้วิจัยได้มองย้อนกลับไปถึงภูมิหลังของนักเรียน นายร้อย ได้แก่ การศึกษาหรือการเริ่มต้นทางการศึกษา [3] คุณภาพทางการเรียน ได้แก่ ผลการเรียนหรือเกรดเฉลี่ย ซึ่งข้อมูลเหล่านี้มีเรื่องราว (Story) มีความน่าสนใจ อย่างยิ่งและมีความต่อเนื่องกันจนกลายเป็นข้อมูลที่มี จำนวนปริมาณมากขึ้น สามารถนำมาเล่าเรื่องราวจนเกิด การค้นพบความรู้ในฐานข้อมูล (Knowledge Discovery in Database: KDD) หรือรูปแบบข้อมูล (Pattern Data) [4] สามารถนำไปใช้ประโยชน์ในการสนับสนุนการวางแผน และตัดสินใจของผู้บังคับบัญชาได้ในอนาคต

เนื่องจากปัจจุบันได้มีการรายงานสรุปประจำปี การศึกษาและรูปแบบร้อยละ [5] เพื่อรวบรวมจัดทำสรุปเป็น ลายลักษณ์อักษรหลังจากจบสิ้นกระบวนการคัดเลือกแล้ว และนำเสนอข้อมูลสารสนเทศเพื่อรายงานสรุปผลเพื่อ การบริหารจัดการเบื้องต้นและผู้บังคับบัญชามองเห็น สารสนเทศในมิติต่างๆ ข้อมูล สารสนเทศ และองค์ ความรู้ และสามารถทำนายแนวโน้มของการสมัครเป็นนักเรียน นายร้อยและสอบผ่านการคัดเลือกเข้ารับการศึกษา โดย ข้อมูลต่างๆ เหล่านั้นถ้านำมาวิเคราะห์เชิงลึกเพื่อการค้น พบความรู้หรือพบรูปแบบใหม่ ที่อาจจะบ่งชี้ให้ทราบถึง กลุ่มของผู้สมัครสอบจึงมีความจำเป็นและเป็นประโยชน์ อย่างมากต่อหน่วยงานทางทหารและตำรวจ จะเกิด ประโยชน์สูงสุดเมื่อถูกนำมาวิเคราะห์ ประยุกต์ใช้ในบริบท ต่างๆ โดยเฉพาะอย่างยิ่งในบริบทข้อมูลทางการศึกษา [6-8] ได้แก่ ข้อมูลของนักเรียนนายร้อยซึ่งจัดอยู่ในระดับ อุดมศึกษา เป็นข้อมูลส่วนหนึ่งที่ได้รวบรวมจากการบันทึก ไว้ในแต่ละปี อาจจะอยู่ในรูปแบบของไฟล์ต่างๆ ตาราง หรือฐานข้อมูล เมื่อปริมาณข้อมูลมีจำนวนเพิ่มมากขึ้น พบว่า ความรู้จากการทำเหมืองข้อมูล (Data Mining) [9] มาประยุกต์ใช้ในกระบวนการสกัดหรือสืบค้น ความรู้ที่น่าสนใจในข้อมูลปริมาณมาก [10] สามารถนำมาใช้ ประกอบการตัดสินใจของผู้บังคับบัญชาในการวางแผน งานทั้งระยะสั้นและระยะยาว ผู้วิจัยได้ศึกษาและประยุกต์ ตัวแบบนักเรียนนายร้อยด้วยวิธีการรวมกลุ่ม (Clustering) และการค้นพบตัวแบบที่เกี่ยวข้องกันในลักษณะและ สถานภาพของนักเรียนนายร้อย เพื่ออธิบายความสัมพันธ์ ในองค์ประกอบของนักเรียนนายร้อย โดยจัดให้เป็น กระบวนการที่อยู่ในส่วนหลัง (Back State) และแสดงผล ด้วย “กราฟตาข่ายไหลเซชัน” ที่มีความสำคัญอย่างยิ่ง ในการเป็นตัวแทนข้อมูลสารสนเทศ [11] จัดให้เป็น กระบวนการที่อยู่ในส่วนหน้า (Front State) เพื่อถ่ายทอด การเล่าเรื่องด้วยการมองเห็นด้วยภาพได้

การศึกษาค้นคว้าครั้งนี้มุ่งเน้นศึกษาและวิเคราะห์เอกสาร (Document Research) รายงานเป็นหลัก รายงาน

สถานภาพนักเรียนเตรียมทหาร กลุ่มตัวอย่างได้แก่ ชุดข้อมูลผู้ที่ผ่านการคัดเลือกเข้าเป็นนักเรียนเตรียมทหารใน ส่วนของกองทัพบก ระหว่างปีการศึกษา 2554 – 2558 ด้วยการทำให้เหมือนข้อมูลและแสดงผลด้วยกราฟดาต้า วิซวลไลเซชัน เพื่อการอธิบายและการค้นพบความสัมพันธ์ ของผู้ผ่านการคัดเลือกเข้าเป็นนักเรียนเตรียมทหารเท่านั้น

2. วัตถุประสงค์

เพื่อศึกษา วิเคราะห์ความสัมพันธ์ และการค้นพบ รูปแบบผู้ที่ผ่านการคัดเลือกเข้าเป็นนักเรียนเตรียมทหาร ในส่วนกองทัพบก ด้วยการวิเคราะห์และจำแนกข้อมูล โดยใช้เทคนิคต้นไม้ตัดสินใจและแสดงผลด้วยกราฟดาต้า วิซวลไลเซชัน

3. เอกสารและงานวิจัยที่เกี่ยวข้อง

เอกสารและงานวิจัยที่เกี่ยวข้องมีดังนี้

วิจักขณ์ ศรีสัจจะเลิศวาท และดุขฎี ประเสริฐ ธิติพงษ์ (2557) [5] ได้นำเสนอบทบาทและความสำคัญ ของการทำเหมืองข้อมูลทางการศึกษา ได้อธิบายให้ สามารถเข้าใจและกระชับมากขึ้นว่า การทำเหมืองข้อมูล การวิซวลไลเซชัน มีเป้าหมายสองด้าน ได้แก่ ด้าน การทำนาย (Predictive Data Mining) สำหรับค้นหา ตัวแบบที่อธิบายจากข้อมูลที่ได้เตรียมการไว้ ด้วยวิธีการ จำแนกประเภท (Classification) ทำนาย (Prediction) หรือคาดคะเน (Estimation) ปรากฏการณ์หรือข้อมูล ที่เกิดขึ้น ด้านการอธิบาย (Descriptive Data Mining) เป็นการผลิตสารสนเทศใหม่บนพื้นฐานของชุดข้อมูลที่มี อยู่ เพื่อวิเคราะห์ทำความเข้าใจข้อมูลเดิม โดยค้นหา รูปแบบ และความสัมพันธ์ที่ซ่อนอยู่ในชุดข้อมูล จะ เห็นได้ ว่าการทำเหมืองข้อมูลจะต้องอาศัยข้อมูลปริมาณ มากซึ่ง อาจจะมีอยู่ในหลายรูปแบบ เช่น ฐานข้อมูล คลัง ข้อมูล ไฟล์เวิร์กชีท (Worksheet File) และเว็บ (Web) เป็นต้น ความรู้และการใช้ประโยชน์จากการทำเหมือง ข้อมูลทางการศึกษานั้น ผู้บริหารสามารถนำองค์ความรู้ ที่ได้มาใช้เป็นแนวทางประกอบการตัดสินใจและวางแผน

งาน และให้ความเห็นว่าข้อมูลองค์ประกอบพื้นฐาน การศึกษามีหลายองค์ประกอบที่มีความสัมพันธ์ซับซ้อน และปริมาณข้อมูลมาก การทำให้เหมือนข้อมูลจะช่วยสกัด ความรู้จากความสัมพันธ์ที่ซ่อนอยู่ในข้อมูล ค้นหากลุ่ม เป้าหมายที่เข้าเรียน การทำนายสมรรถนะนักศึกษา เพื่อ เป็นการแนะนำกระบวนการเรียนที่เหมาะสมแก่นักศึกษา และปรับปรุงหลักสูตรให้สอดคล้อง พัฒนาศักยภาพของ สถาบันการศึกษาในอนาคตได้

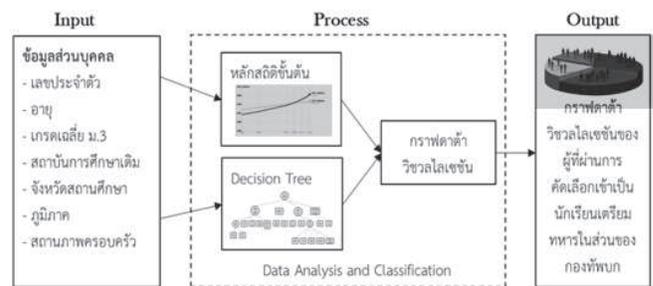
Matthew Michael Brehmer (2560) [6] ได้นำ วิซวลไลเซชันมาใช้ในบทสรุปของงาน โดยเรียงลำดับงาน ในการวิเคราะห์ข้อมูล จากคำถามหลัก 2W1H ทำไม ข้อมูลถึงจะมองเห็นด้วยภาพ งานอะไรบ้างที่ขึ้นต่อกัน ในกระบวนการอินพุตและเอาต์พุต และวิธีการแสดง งานในแง่ของการเข้ารหัสภาพและตัวเลือกการออกแบบ ปฏิสัมพันธ์กัน มาช่วยแก้ปัญหาการเชื่อมโยงข้อมูล ความน่าสนใจ และการเข้ารหัสภาพ และตัวเลือกการออกแบบ ปฏิสัมพันธ์กัน การจำแนกประเภทจากเครื่องมือใน การวิเคราะห์การศึกษาการสัมภาษณ์แต่ละคนที่มองเห็น มิติข้อมูลที่ลดลงด้วยในด้านต่างๆ ในโดเมนแอปพลิเคชัน ผลวิเคราะห์สิ่งที่พบ จากการอธิบายงานด้วยการเปรียบเทียบ และการ Cross-Pollination ตัวเลือกการออกแบบ ภาพในโดเมนแอปพลิเคชัน การ Mapping ใช้การประยุกต์ แบบย้อนกลับ การประเมินผลการศึกษาล้างการใช้งาน เครื่องมือวิเคราะห์ภาพในด้านสื่อเชิงสืบสวนและการ ศึกษาออกแบบวิซวลไลเซชันในด้านการจัดการพลังงาน จำแนกตามลำดับงานได้ 5 หมวดหมู่ที่เกี่ยวข้องกัน กับแสดงผลข้อมูลที่ลดลงอย่างมาก ผลคือ การจำแนก ประเภทนั้นวัตถุประสงค์เพื่อแจ้งการออกแบบเครื่องมือ และเทคนิคใหม่ สำหรับการแสดงผลข้อมูลนี้ ประเมิน ประสิทธิภาพของการจำแนกประเภทเครื่องมือวิซวลไลเซชัน สำหรับการตรวจสอบการเก็บรวบรวมเอกสารข้อความ ขนาดใหญ่ ได้ศึกษาลักษณะงานที่เป็นนามธรรมสองแบบ ที่เกี่ยวกับการทำเหมืองเอกสาร และออกแบบนำเสนอเป็น บทเรียนด้วยเครื่องมือวิซวลไลเซชันสำหรับเอกสารข้อมูล

พรณิภา บุตรเอก และสุรเดช บุญลือ (2557) [11] ได้ศึกษาตัวแบบพยากรณ์โอกาสสำเร็จการศึกษาของนักศึกษาชุดข้อมูลกลุ่มตัวอย่างที่นำมาใช้ทดสอบเป็นข้อมูลของนักศึกษาระดับปริญญาตรีหลักสูตร 4 ปี สาขาวิชาวิทยาการคอมพิวเตอร์ คณะเทคโนโลยีสารสนเทศ มหาวิทยาลัยนอร์ทกรุงเทพ ระหว่างปีการศึกษา 2547-2551 จำนวนทั้งสิ้น 138 ระเบียบ 18 คุณลักษณะ ชุดข้อมูลที่ได้จะนำส่งเข้าตัวแบบพยากรณ์โอกาสสำเร็จการศึกษาของนักศึกษา ซึ่งจะใช้เทคนิคซัพพอร์ตเวกเตอร์แมชชีน (SVM) เทคนิคต้นไม้ตัดสินใจ (Decision Tree) และเทคนิคโครงข่ายประสาทเทียมแบบย้อนกลับ (BP-ANN) พยากรณ์ซัพพอร์ตเวกเตอร์แมชชีนที่ใช้เคอร์เนลฟังก์ชันแบบ SVM-NP SVM-RBF และ SVM-PUK ให้ค่าความแม่นยำในการพยากรณ์เท่ากันที่ร้อยละ 87.68 โดยการทดสอบประสิทธิภาพตัวแบบจะใช้วิธีไขว้ทบ 15 ส่วน ส่วนตัวแบบพยากรณ์ C4.5 และ BP-ANN ให้ค่าความแม่นยำร้อยละ 83.33 และ 84.36 ตามลำดับ สรุปได้ว่าตัวแบบพยากรณ์ SVM-PK เป็นตัวแบบที่เหมาะสมที่สุดสำหรับการพยากรณ์โอกาสสำเร็จการศึกษาของนักศึกษา

Zhou Feiner และคณะ [12] [13] ได้แบ่งกลุ่มการนำเสนอข้อมูลออกเป็น 2 กลุ่ม ตามเป้าหมายของการใช้งาน ได้แก่ กลุ่มการแจ้งให้ทราบ ประกอบด้วยรายละเอียดของข้อมูล และการสรุปข้อมูล (Summarization) และกลุ่มการใช้งาน ประกอบด้วย การสำรวจข้อมูล (Data Exploration) เพื่อแสดงความสัมพันธ์ของข้อมูลจากแหล่งที่มา การค้นหา การจัดอันดับ วัตถุประสงค์สำคัญในการผสมผสานงานสำหรับการประเมินวิซวลไลเซชัน ได้แก่ การระบุ (Identify) โดยอ้างอิงหลักการของสถานที่ (Where) อะไรบ้าง (What) หรือ ใคร (Who) และเมื่อไร (When) [14] การเปรียบเทียบ (Compare) ระหว่างค่าหรือชนิด เวลา การจัดอันดับ (Rank) ได้แก่ อันดับหนึ่งหรืออันดับสุดท้าย ดีที่สุดหรือแย่ที่สุด โกล่ที่สุดหรือโกล่ที่น้อยที่สุด อีกประการที่สำคัญคือ การเกี่ยวเนื่อง

กัน (Associate) อาทิ ความสัมพันธ์ระหว่างตัวแปร แนวโน้มกับเวลา อาทิ เป็นเหตุเป็นผลกัน

จากการทบทวนเอกสารและงานวิจัยที่เกี่ยวข้องทำให้ผู้วิจัยได้ออกแบบแนวคิดกระบวนการศึกษาสำหรับงานวิจัยครั้งนี้ ดังภาพที่ 1 และกำหนดตัวแปรอิสระได้แก่ ปัจจัยส่วนบุคคล แบ่งออกเป็น อายุ เกรดเฉลี่ย ม.3 วุฒิการศึกษาตอนสอบเข้า สถาบันการศึกษาเดิม จังหวัด สถานศึกษา สถานภาพครอบครัว และตัวแปรตาม ได้แก่ ปีการศึกษา



ภาพที่ 1 แนวคิดกระบวนการในการศึกษาวิจัยครั้งนี้

4. วิธีดำเนินการศึกษา

การศึกษาค้นคว้าได้ออกแบบการศึกษาด้วยวิธีวิจัยแบบผสมวิธีจากเอกสาร (Document Research) และแบบการอธิบายต่อเนื่อง (Explanatory Sequential Mixed Methods) จากการศึกษาเอกสารและข้อมูลได้แก่ วิธีการแบบเฉพาะเจาะจง เพื่อศึกษาและค้นหาข้อมูลเชิงลึกในการขยายผลการศึกษาและนำผลที่ได้มาประมวลในการวางแผนด้านการศึกษาทางทหารของผู้บังคับบัญชาสำหรับนักเรียนทหาร [15] จากการวิเคราะห์เอกสารและข้อมูล ได้ออกแบบการจัดการข้อมูลโดยร่างแนวคิดกระบวนการในการศึกษาวิจัยครั้งนี้ ประกอบด้วย กระบวนการอินพุต คือ ข้อมูลส่วนบุคคล กระบวนการวิเคราะห์ข้อมูลด้วยการจำแนกกลุ่ม ประกอบด้วยหลักสถิติขั้นต้นและแผนภาพต้นไม้ตัดสินใจ และกระบวนการเอาต์พุตด้วยการแสดงผลการมองเห็นด้วยภาพเชิงกราฟดาต้าวิซวลไลเซชัน

4.1 การจัดเตรียมข้อมูล

การวิจัยนี้มุ่งเน้นเพื่อศึกษาและวิเคราะห์ข้อมูลย้อนหลังจากกลุ่มข้อมูลตัวอย่างผู้ที่ผ่านการคัดเลือกเข้าเป็นนักเรียนเตรียมทหารในส่วนของกองทัพบก ระหว่างปีการศึกษา 2554 – 2558 จำนวนข้อมูล 1,226 เรคอร์ด โดยใช้วิธีการแบบผสมผสาน ประกอบด้วย การสัมภาษณ์แบบเจาะลึกรายบุคคล (In-Depth Interview) จากผู้เชี่ยวชาญ และผู้วิจัยเป็นเครื่องมือในการศึกษาข้อมูลจากเอกสาร (Documents) แผ่นงาน (Worksheets) ฐานข้อมูล (Database) เนื้อหา (Content) แบ่งออกเป็น 3 กระบวนการ ได้แก่ การคัดเลือกข้อมูล (Select Data) การทำความสะอาดข้อมูล (Cleansing Data) และการถ่ายโอนข้อมูล (Transform Data) มีรายละเอียดดังนี้

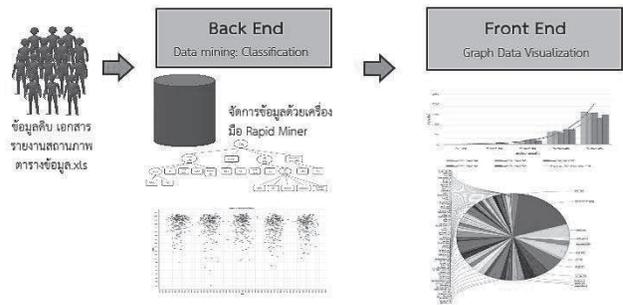
4.1.1 การคัดเลือกข้อมูล ที่จะนำมาใช้โดยเลือกเฉพาะข้อมูลที่เกี่ยวข้อง จำนวน 7 คุณลักษณะคือ กลุ่มตัวอย่างผู้ที่ผ่านการคัดเลือกเข้าเป็นนักเรียนเตรียมทหารในส่วนของกองทัพบก ระหว่างปีการศึกษา 2554 – 2558 จำนวนเรคอร์ดทั้งสิ้นคือ 1,226 ได้แก่ 243 245 245 248 คน ตามลำดับ และกำหนดข้อมูลที่สมบูรณ์พร้อมนำไปวิเคราะห์

4.1.2 การทำความสะอาดข้อมูล เพื่อเตรียมความพร้อมข้อมูลด้วยวิธีการดังนี้

- (ก) จัดการค่าว่าง (Null) โดยใส่ค่า 0
- (ข) ปรับข้อมูลใส่ค่าเพื่อความเหมาะสม
- (ค) จัดการค่าในคอลัมน์ “เลขประจำตัว” จะต้องเป็นค่าที่ไม่ซ้ำกัน และคอลัมน์ที่อยู่หัวแถวกำหนด “สถานศึกษาเดิม” “สถานภาพครอบครัว แทนค่าว่างด้วยอื่นๆ” ดังนั้น ทุกแถวจะต้องมีค่าเดียว

(ง) ตัดเรคอร์ดข้อมูลที่ไม่เกี่ยวข้องและไม่สมบูรณ์ออก

4.1.3 การถ่ายโอนข้อมูล นำตารางที่ใช้ในการวิเคราะห์มาเชื่อมโยงกัน ให้มีความพร้อมนำไปใช้งาน



ภาพที่ 2 แผนภาพการถ่ายโอนข้อมูล

4.2 การวิเคราะห์ข้อมูล

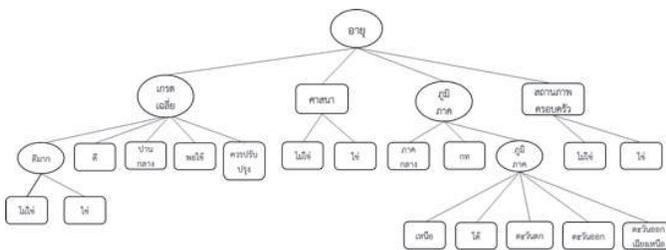
เป็นขั้นตอนเพื่อการค้นหารูปแบบในการศึกษาครั้งนี้เป็นการศึกษาแบบผสมผสานได้ออกแบบการวิเคราะห์ข้อมูล โดยใช้เทคนิคการทำเหมืองข้อมูล เพื่อแสดงความสัมพันธ์ของรูปแบบหรือความหมายที่ซ่อนเร้นอยู่ เพื่อหาข้อสรุปเชิงนามธรรมจนเกิดองค์ความรู้จากระดับล่างขึ้นสู่ระดับบน เรียกว่า “การสร้างทฤษฎีจากข้อมูล (Grounded Theory Approach)” [16] การคัดกรองที่มีความจำเป็นครั้งนี้ โดยใช้เทคนิคการจำแนกข้อมูลด้วยต้นไม้ตัดสินใจ (Decision Tree) และกราฟตาตัววิซวลไลเซชัน เพื่อเพิ่มประสิทธิภาพในการจำแนกข้อมูลและแสดงความสัมพันธ์ของแอตทริบิวต์ นำเสนอข้อมูลด้วยกราฟแทนการใช้ข้อความ จากการกำหนดให้มีปัจจัยที่ใช้ในการทดสอบ 7 ปัจจัย ข้อมูลส่วนบุคคลที่ผ่านการจัดเตรียมและปรับปรุงแล้ว ประกอบด้วย 7 คุณลักษณะ ได้แก่ เลขประจำตัว อายุ เกรดเฉลี่ย ม.3 วุฒิการศึกษาตอนสอบเข้าสถาบันการศึกษาเดิม จังหวัดสถานศึกษา ภูมิภาค สถานภาพครอบครัว ดังตารางที่ 1

ตารางที่ 1 ปัจจัยที่ใช้นำเข้าเพื่อทำการทดสอบครั้งนี้

ลำดับ	ปัจจัย	สถานะ
1	อายุ	นำเข้า
2	เกรดเฉลี่ย	นำเข้า
3	วุฒิการศึกษาตอนสอบเข้า	นำเข้า
4	สถาบันการศึกษาเดิม	นำเข้า
5	จังหวัดสถานศึกษา	นำเข้า
6	ภูมิภาค	นำเข้า
7	สถานภาพครอบครัว	นำเข้า

หมายเหตุ: พัฒนามาจาก “ปัจจัยในการทดสอบหาความสัมพันธ์ของแอดทริบิวต์” [6]

ผู้วิจัยได้ทบทวนเอกสารงานวิจัยที่เกี่ยวข้องพบว่า ได้จำแนกภูมิภาคของประเทศไทย ยึดตามอักษรานุกรมภูมิศาสตร์ ฉบับราชบัณฑิตยสถาน เล่ม 6 ภาคผนวก 2522 แบ่งออกได้เป็น 6 ภูมิภาค ได้แก่ ภาคกลาง ภาคเหนือ ภาคตะวันออกเฉียงเหนือ ภาคตะวันออก ภาคตะวันตก และภาคใต้

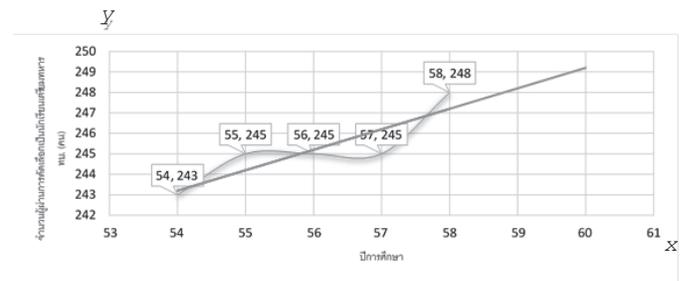


ภาพที่ 3 ออกแบบแผนภาพต้นไม้ตัดสินใจ

จากตารางที่ 1 การนำปัจจัยที่ใช้นำเข้าเพื่อทำการทดสอบ มาออกแบบการวิเคราะห์ข้อมูลและแสดงผลด้วยแผนภาพต้นไม้ตัดสินใจ ดังแสดงในภาพที่ 3

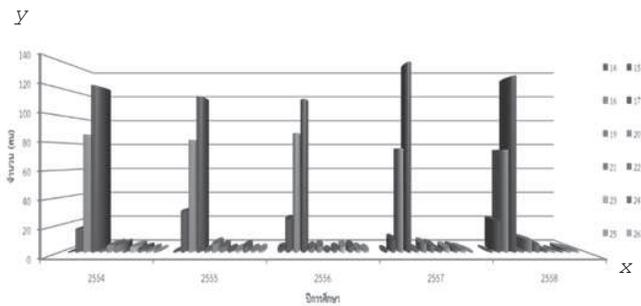
5. ผลการศึกษา

การวิเคราะห์ข้อมูลย้อนหลังของนักเรียนเตรียมทหารในส่วนของกองทัพบกที่จำแนกตามปัจจัยสามารถแสดงผลแทนค่าข้อมูลด้วยกราฟตาข่ายวิซวลไลเซชัน



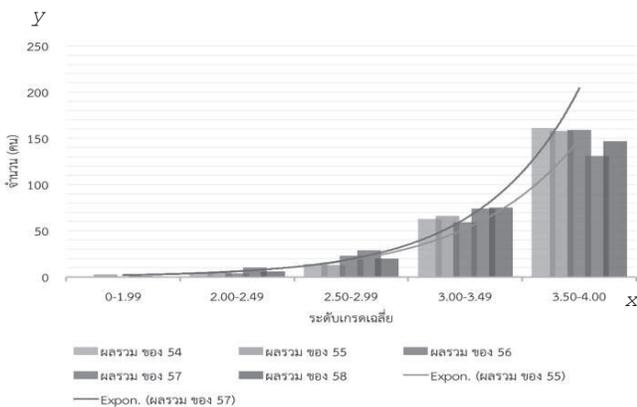
ภาพที่ 4 การพยากรณ์ข้อมูลแนวโน้มจำนวนผู้ได้เข้ารับการศึกษาคือ เป็นนักเรียนเตรียมทหารในส่วนกองทัพบก ระหว่างปีการศึกษา 2554 – 2558

ค่าการพยากรณ์ข้อมูลแนวโน้มจำนวนผู้ได้เข้ารับการศึกษาคือ เป็นนักเรียนเตรียมทหารในส่วนกองทัพบก ระหว่างปีการศึกษา 2554 – 2558 ด้วยวิธีคาดคะเนแนวโน้ม จากสมการแนวโน้มเชิงเส้น พบว่า ปีการศึกษา 2558 (แกน x) มีจำนวนผู้เข้ารับการศึกษาคือเพิ่มขึ้น จำนวน 3 คน (แกน y) คิดเป็น 20.23 เปอร์เซ็นต์ ค่าเฉลี่ยที่ได้คือ 245 และค่าเบี่ยงเบนมาตรฐานข้อมูลคือ 1.79 เนื่องจากข้อมูลมีความใกล้เคียงกัน ทั้งนี้ขึ้นอยู่กับปัจจัยภายนอกหรือความต้องการจากหน่วยขึ้นตรงร้องขอในแต่ละปี การศึกษา กราฟตาข่ายวิซวลไลเซชันแสดงผลการวิเคราะห์ข้อมูลสถิติพื้นฐานจำแนกตามปัจจัยของผู้ผ่านการคัดเลือกเข้าเป็นนักเรียนเตรียมทหารในส่วนกองทัพบก



ภาพที่ 5 จำแนกตามอายุของผู้เข้ารับการศึกษานักเรียนเตรียมทหารในส่วนของกองทัพบก

จากภาพที่ 5 โดยการจำแนกตามอายุ พบว่านักเรียนอายุ 17 ปีที่แทนข้อมูลด้วยกราฟแท่งสีม่วง คือผู้เข้ารับการศึกษามีจำนวนสูงสุด (แกน x) ในแต่ละปีการศึกษา (แกน y) สามารถอนุมานได้ว่าเมื่อการสั่งสมประสบการณ์ความรู้ทักษะความสามารถในระดับหนึ่งแล้วจะสามารถผ่านการทดสอบได้สูง



ภาพที่ 6 จำแนกตามปัจจัยเกรดเฉลี่ยในระดับ ม.3 กับความสัมพันธ์เชิงแนวโน้มผลการเรียน

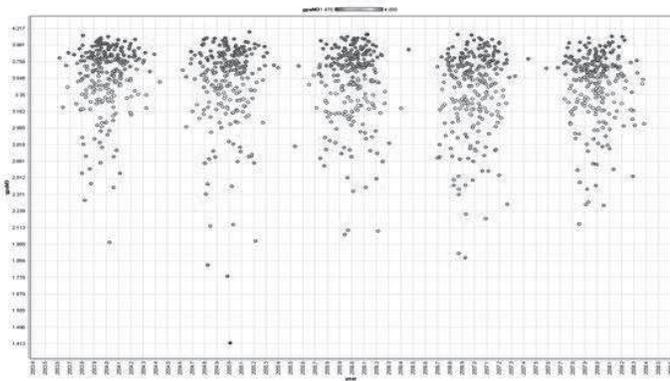
ผลการจำแนกตามปัจจัยผลการเรียนเกรดเฉลี่ยในระดับ ม.3 กับความสัมพันธ์เชิงแนวโน้มผลการเรียน ด้วยฟังก์ชันเอกซ์-โพเนนเชียล (Exponential Function) [15,16] ด้วยนิยามกราฟของฟังก์ชัน คือ

$$f(x) = ax, a > 0 \text{ and } a \neq 1 \quad (1)$$

ฟังก์ชัน ax เมื่อ a คือ จำนวนที่ทำให้ฟังก์ชัน ax เท่ากับอนุพันธ์ของตัวเอง (โดยที่ a มีค่าโดยประมาณเท่ากับ 2.718) มีลักษณะตั้งชันขึ้นและมีอัตราเพิ่มค่าความชันยิ่งขึ้นเมื่อ x เพิ่มขึ้น (x คือ ค่าที่เกิดขึ้นจริง, ค่าที่เกิดจากการเปลี่ยนแปลงคงตัวในตัวแปรอิสระ ส่งผลให้เปลี่ยนแปลงตามสัดส่วนทิศทางเดียวกันกับตัวแปรตาม คือ เมื่อการเพิ่มขึ้นหรือลดลงของอัตราร้อยละ) และกราฟจะวางตัวอยู่เหนือแกน x เสมอ

ในปีการศึกษา 2555 และ 2557 สามารถคาดการณ์ได้ว่า เกรดเฉลี่ยในระดับ ม.3 (แกน x) ของปีการศึกษาถัดไปของข้อมูลผู้ผ่านการคัดเลือกเข้าเป็นนักเรียนเตรียมทหารในส่วนของกองทัพบกนั้น อยู่ในระดับดีมากคือ ช่วง 3.50-4.00 โดยในปีการศึกษา 2554 จำนวน 161 คน (แกน y) ปีการศึกษา 2555 จำนวน 158 คน ปีการศึกษา 2556 จำนวน 159 คน ปีการศึกษา 2557 จำนวน 131 คน และปีการศึกษา 2558 จำนวน 147 คน ตามลำดับ ระหว่างปีการศึกษา 2554 – 2558 พบว่า ค่าเฉลี่ยในแต่ละช่วง 0-1.99 มีค่าเฉลี่ยอยู่ที่ 1 คน ช่วง 2.00-2.49 มีค่าเฉลี่ยอยู่ที่ 6 คน ช่วง 2.50-2.99 มีค่าเฉลี่ยอยู่ที่ 20 คน ช่วง 3.00-3.49 มีค่าเฉลี่ยอยู่ที่ 67 คน และช่วง 3.50-4.00 มีค่าเฉลี่ยอยู่ที่ 151 คน และคาดคะเนได้ว่านักเรียนเตรียมทหาร คือ บุคคลที่มีความรู้ความสามารถสูงมากทั้งวิชาการและสมรรถภาพร่างกายมีความสมบูรณ์และพร้อมเข้ารับการการศึกษาทางวิชาการและทางทหาร ดังภาพที่ 6

เมื่อนำข้อมูลเข้าโดยใช้เครื่องมือการทำเหมืองข้อมูลด้วย Rapid Miner และนำผลที่ได้มาเปรียบเทียบกับการวิเคราะห์ข้อมูลด้วยหลักสถิติเบื้องต้น ด้วยการทดสอบด้วยปัจจัยเกรดเฉลี่ย ม.3 (แกน y) ในแต่ละปีการศึกษา (แกน x) พบว่า แนวโน้มของกลุ่มข้อมูลที่แสดงผลด้วยภาพปริมาณกลุ่มใกล้เคียงกันมากที่สุด จากผลการแสดงค่าข้อมูลสารสนเทศด้วยกลุ่มสีแดง คือ ช่วงระดับ 3.50-4.00 อยู่ในระดับดีมาก มีประสิทธิภาพในการจำแนกข้อมูลได้ และค่าเฉลี่ยที่ได้คือ 3.50 ค่าเบี่ยงเบนมาตรฐานข้อมูลคือ 0.40 อยู่ในเกณฑ์ที่ยอมรับได้

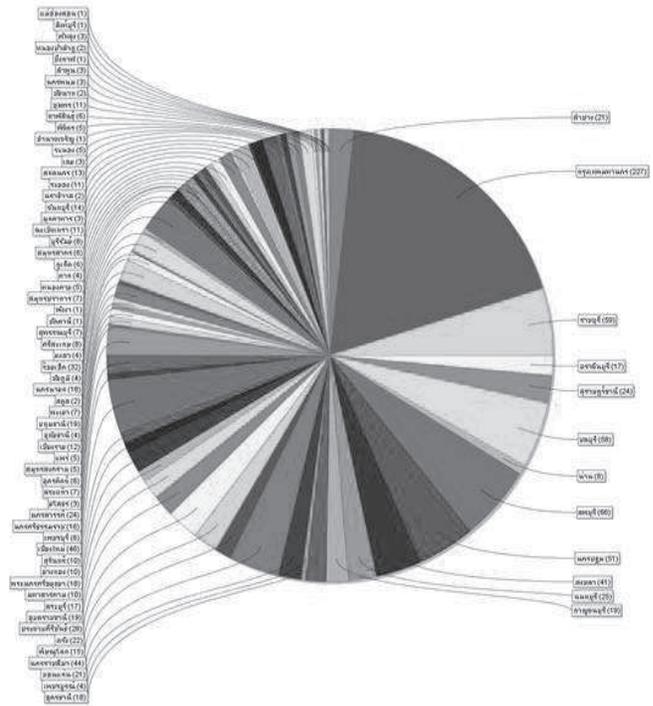


ภาพที่ 7 ผลการวิเคราะห์ข้อมูลด้วยเครื่องมือการทำเหมืองข้อมูล เพื่อจำแนกกลุ่มข้อมูลด้วยปัจจัยเกรดเฉลี่ย ม.3

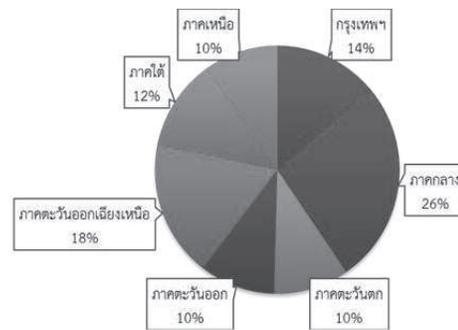
จากภาพที่ 7 จำนวนผู้ที่ผ่านการคัดเลือกเข้าเป็นนักเรียนเตรียมทหารในส่วนของกองทัพบก ในแต่ละจังหวัดของประเทศไทย ระหว่างปีการศึกษา 2554 – 2558

จากการจำแนกด้วยจังหวัดของประเทศไทย ระหว่างปีการศึกษา 2554 – 2558 จากภาพที่ 8 นั้น พบว่ามีจำนวนผู้ที่ผ่านการคัดเลือกเข้าเป็นนักเรียนเตรียมทหารในส่วนของกองทัพบกมากที่สุด คือ จังหวัดกรุงเทพมหานคร คิดเป็น 18.52 เปอร์เซ็นต์ รองลงมา คือ จังหวัดลพบุรี คิดเป็น 5.38 เปอร์เซ็นต์ และลำดับที่สาม คือ จังหวัดราชบุรี คิดเป็น 4.18 เปอร์เซ็นต์ จากจำนวนทั้งหมด 1,226 คน และดังภาพที่ 8 ความสัมพันธ์ระหว่างระดับวุฒิการศึกษาและภูมิภาค (แกน x) พบว่า ภาคกลางมีจำนวนผู้เข้ารับการศึกษาสูงที่สุด (แกน y) โดยใช้คุณวุฒิการศึกษาอื่นๆ สามารถอนุมานได้ว่าบุคคลผู้นั้นได้เตรียมความพร้อมทางวิชาการเพื่อสอบเข้าเป็นนักเรียนทหารและสรุปลงเป็นร้อยละในแต่ละภูมิภาค ระหว่างปีการศึกษา 2554 – 2558

ระหว่างปีการศึกษา 2554 – 2558 คิดเป็นร้อยละ 26 พบว่า ภูมิภาคกลางมีผู้ที่ผ่านการคัดเลือกเข้าเป็นนักเรียนเตรียมทหารในส่วนของกองทัพบกมากที่สุดรวมกรุงเทพมหานคร รองลงมาคือ ภาคตะวันออกเฉียงเหนือ ภาคใต้ ภาคเหนือ ภาคตะวันออก และภาคตะวันตกตามลำดับ ดังภาพที่ 9



ภาพที่ 8 ความสัมพันธ์ระหว่างระดับวุฒิการศึกษาและภูมิภาค



ภาพที่ 9 สรุปลงเป็นร้อยละในแต่ละภูมิภาค ระหว่างปีการศึกษา 2554 – 2558

6. สรุปและอภิปรายผล

การศึกษารุ่นนี้ได้นำความรู้และการจัดการข้อมูลเทคโนโลยีสารสนเทศมาประยุกต์ใช้ในการวิเคราะห์และสังเคราะห์ข้อมูลจากเอกสารรายงานด้วยการจำแนกข้อมูลด้วยเทคนิคต้นไม้ตัดสินใจ และแสดงผลให้มองเห็นด้วยภาพทางสายตาด้วยกราฟดาววิซวลไลเซชันพบว่า รูปแบบที่ได้สามารถนำมาสังเคราะห์ข้อมูลได้ว่า

20 อันดับแรกของผู้ที่ผ่านการคัดเลือกเข้าเป็นนักเรียนเตรียมทหารในส่วนของกองทัพบก ระหว่างปีการศึกษา 2554 - 2558 อายุเฉลี่ยแรกเข้า 14 - 15 ปี มีผลการเรียนเกรดเฉลี่ยในระดับ ม.3 ค่าเฉลี่ยที่ 3.92 ศึกษาอยู่ในภาคกลางและกรุงเทพมหานครเป็นส่วนใหญ่ และสถานภาพครอบครัวส่วนใหญ่อยู่ด้วยกัน 95 เปอร์เซ็นต์ การจำแนกตามอายุพบว่า อายุ 17 ปี คือผู้ที่เข้ารับการศึกษามีจำนวนสูงสุดในแต่ละปีการศึกษา สามารถอนุมานได้ว่า นักเรียนเตรียมทหารเป็นผู้ที่มีความรู้ ความสามารถ สติปัญญา ทักษะ ความเพียรพยายามมานะและตั้งใจอย่างยิ่ง จากการสั่งสมประสบการณ์ในระดับหนึ่งแล้ว จะสามารถผ่านการทดสอบทั้งทางสติปัญญา สมรรถภาพ ร่างกายมีประสิทธิภาพพร้อมเข้ารับการศึกษา ผลการจำแนกตามปัจจัยผลการเรียนเกรดเฉลี่ยในระดับ ม.3 กับความสัมพันธ์แนวโน้มผลการเรียนพบว่า แนวโน้มของกลุ่มข้อมูลเกรดเฉลี่ยช่วง 3.50-4.00 อยู่ในระดับดีมาก มีประสิทธิภาพในการจำแนกข้อมูล และค่าเฉลี่ยที่ได้คือ 3.51 ค่าเบี่ยงเบนมาตรฐานข้อมูลคือ 0.40 อยู่ในเกณฑ์ที่ยอมรับได้ โดยกองทัพได้บุคคลที่มีความพร้อมทั้งสติปัญญา ร่างกาย และจิตใจในการเข้ารับการศึกษาทางด้านการทหารนี้

7. กิตติกรรมประกาศ

ขอขอบคุณกองทัพบกที่ให้การสนับสนุนทุนการศึกษาเพื่อพัฒนาบุคลากรด้านการศึกษา กองสถิติและประเมินผล โรงเรียนเตรียมทหาร กองสถิติและทะเบียนประวัติ โรงเรียนนายร้อยพระจุลจอมเกล้า (กสป.รร.จปร.) ที่สนับสนุนข้อมูลเอกสารรายงาน ประกอบกับข้อคิดเห็นต่างๆ ที่เป็นประโยชน์ในการทำงานวิจัย กองวิชาวิศวกรรมไฟฟ้า ส่วนการศึกษา โรงเรียนนายร้อยพระจุลจอมเกล้า (กวพ.สทศ.รร.จปร.) ที่ให้การสนับสนุนอำนวยความสะดวกการจัดทำเอกสาร หนังสือขอความอนุเคราะห์ และสนับสนุนเวลาในการทำงานวิจัย

8. บรรณานุกรม

- (1) ประวัติโรงเรียนเตรียมทหาร. (สืบค้นจาก) <http://www.afaps.ac.th>. และ <https://th.wikipedia.org/wiki/โรงเรียนเตรียมทหาร>.
- (2) ข้อมูลโรงเรียนนายร้อยพระจุลจอมเกล้า. (สืบค้นจาก) http://www2.crma.ac.th/e_book/Thai.asp.
- (3) T. Thilagaraj, N. Sengottaiyan, 2017. *A Review of Educational Data Mining in Higher Education System*, p. 349-358.
- (4) C. C. Yang, T. Dorbin Ng, 2011. *Analyzing and Visualizing Web Opinion Development and Social Interactions with Density-Based Clustering*, IEEE Transactions on Systems, Man, and Cybernetics - Part A: Systems and Humans, Vol. 6, p. 1144-1155.
- (5) วิจักขณ์ ศรีสังจะเลิศวาจา และ ดุษฎี ประเสริฐธิตินพงษ์, 2557. *การทำเหมืองข้อมูลทางการศึกษา (Educational Data Mining)*, วารสารวิชาการ ภาควิชาวิทยาการคอมพิวเตอร์ คณะวิทยาศาสตร์ มหาวิทยาลัยเชียงใหม่, ปีที่ 20, เดือน ก.ค.-ก.ย..
- (6) Matthew Michael Brehmer, 2016. *Why Visualization? Task Abstraction for Analysis and Design*, A Dissertation-Doctor of Philosophy, The University of British Columbia., A Dissertation-Doctor of Philosophy, The University of British Columbia.
- (7) กาญจนนา ทุทธระพงษ์, 2558. *แบบจำลองเพื่อช่วยทำนายผลการย้ายสาขาวิชา โดยการจำแนกประเภทข้อมูล กรณีศึกษา มหาวิทยาลัยวลัยลักษณ์*, The Tenth National Conference on Computing and Information Technology, NCCIT, n. 239-244.
- (8) K. Kohli, S. Birla, 2016. *Data Mining on Student Database to Improve Future Performance*, International Journal of Computer Applications, Vol. 15, p. 42-46.
- (9) อธิพงษ์ สังข์ศรี, 2557. *การวิเคราะห์พฤติกรรมสำหรับการเลือกสมัครสาขาวิชาเรียนและการเปรียบเทียบตัวแบบพยากรณ์จำนวนนักศึกษาใหม่โดยใช้เทคนิคการทำเหมืองข้อมูล*, The National Conference on Computing and Information Technology, NCCIT.
- (10) A. Satyanarayan, D. Moritz, K. Wongsuphasawat, and J. Heer, 2017. *Vega-Lite: A Grammar of Interactive Graphics*, IEEE Transactions on Visualization and Computer Graphics, Volume: 23, Issue: 1, p.341 - 350.
- (11) พรรณิภา บุตรเอก และ สุรเดช บุญลือ, 2557. *การพยากรณ์โอกาสสำเร็จการศึกษาของนักศึกษาโดยใช้ซัพพอร์ตเวกเตอร์แมชชีน*, Veridian E-Journal Science and Technology Silpakorn University, ฉบับที่ 6, น. 40-49.

- (12) S. Henderson, S. Feiner, 2011. Exploring the benefits of augmented reality documentation for maintenance and repair, IEEE Transactions on Visualization and Computer Graphics, Vol. 10, p.1355–1368.
- (13) Y. Guo, X. Zhou, A.L. Porter, D.K.R. Robinson, 2015. Tech mining to generate indicators of future national technological competitiveness: Nano-Enhanced Drug Delivery (NEDD) in the US and China, Technological Forecasting and Social Change, p.168–180.
- (14) กาญจนา โชคเหรียญสุขชัย, 2560. กระบวนการค้นคว้าวิจัยสื่อสารมวลชน สำนักพิมพ์แห่งจุฬาลงกรณ์มหาวิทยาลัย.
- (15) ภัทร์พงศ์ พงศ์ภัทรกานต์, วิชัย พัชรู้งโรจน์, คมยuth ไชยวงษ์สุชาดา พรหมโคตร และปาริชาติ แสงระวีฎ, 2560. การใช้เทคนิคเหมืองข้อมูลเพื่อวิเคราะห์ปัจจัยในการใช้บริการห้องสมุดของนักศึกษา, Pulinet Journal, Vol. 4, No. 2, p.10-18.
- (16) G.K. Rockswold (2012). COLLEGE ALGEBRA with Modeling & Visualization. 4 th ed. Pearson Education, Inc., p.396.